

1. Одредити $f(x)$ ако је:

а) $f(3x + 1) = 9x^2 + 3x + 1;$

б) $f\left(\frac{3x-1}{x+3}\right) = x - 3, x \neq -3.$

в) $f(x + 1) = 3x^2 + 2x + 5;$

г) $f(1 - x) = x + 1;$

д) $f(2x - 1) = 4x^2 - 2x + 1;$

ђ) $f(x - 4) = \frac{x-7}{x-2};$

е) $f(x + 2) = \frac{x}{x+5};$

ж) $f\left(\frac{3x-1}{x}\right) = 2x.$

Решење: а) $f(x) = x^2 - x + 1;$

б) $f(x) = \frac{6x-8}{3-x}, x \neq 3.$

в) $f(x) = 3x^2 - 4x + 6;$

г) $f(x) = 2 - x;$

д) $f(x) = x^2 + x + 1;$

ђ) $f(x) = \frac{x-3}{x+2}, x \neq -2;$

е) $f(x) = \frac{x-2}{x+3}, x \neq -3;$

ж) $f(x) = \frac{2}{3-x}, x \neq 3.$

2. Наћи инверзне функције следећих функција:

а) $f(x) = \sqrt{1 - x^2}, 0 \leq x \leq 1;$

б) $f(x) = x^2 - x + 1$ за $x \in \left(\frac{1}{2}, +\infty\right);$

в) $f(x) = \frac{x-3}{x+2}.$

Решење: а) $f^{-1}(x) = \sqrt{1 - x^2};$

б) $f^{-1}(x) = \frac{1}{2} + \sqrt{x - \frac{3}{4}}, x \in \left(\frac{3}{4}, +\infty\right);$

в) $f^{-1}(x) = \frac{2x+3}{1-x}.$